

Java-Implementasjon av Merge-Sort

- Interface SortObject

```
public interface SortObject {  
    //sorter sekvens S i ikke-sykende  
    //rekkefølge vha comparator c  
    public void sort(Sequence S, Comparator c);  
}
```

7.1

Java-Implementasjon av Merge-Sort

```
public class ListMergeSort implements SortObject {  
    public void sort(Sequence S, Comparator c) {  
        int n = S.size();  
        if (n < 2) return; // 0 eller 1 element er  
        // allerede sortert .  
        // split=divide  
        Sequence S1 = (Sequence)S.newContainer();  
        // sett inn første halvdel av S i S1  
        for (int i=1; i <= (n+1)/2; i++) {  
            S1.insertLast(S.remove(S.first()));  
        }  
        Sequence S2 = (Sequence)S.newContainer();  
        // sett inn andre halvdel av S i S2  
        for (int i=1; i <= n/2; i++) {  
            S2.insertLast(S.remove(S.first()));  
        }  
        sort(S1,c); // 2 rekursive kall  
        sort(S2,c);  
        merge(S1,S2,c,S); // hersk=conquer  
    }  
}
```

7.2

Java-Implementasjon av Merge-Sort

```
public void merge(Sequence S1, Sequence S2,  
    Comparator c, Sequence S) {  
    while(!S1.isEmpty() && !S2.isEmpty()) {  
        if(c.isLessThanOrEqualTo(S1.first().element(),  
            S2.first().element())) {  
            // S1's 1ste elt <= S2's 1ste elt  
            S.insertLast(S1.remove(S1.first()));  
        }  
        else { // S2's 1ste elt er minst  
            S.insertLast(S2.remove(S2.first()));  
        }  
  
        if(S1.isEmpty()) {  
            while(!S2.isEmpty()) {  
                S.insertLast(S2.remove(S2.first()));  
            }  
        }  
        if(S2.isEmpty()) {  
            while(!S1.isEmpty()) {  
                S.insertLast(S1.remove(S1.first()));  
            }  
        }  
    }  
}
```

7.3

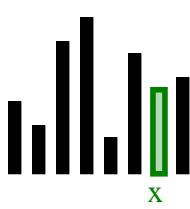
Quicksort

7.4

Ide bak Quick Sort

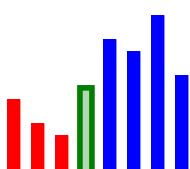
1. Velg pivot

velg et enkelt element



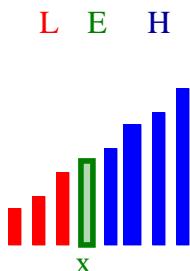
2. Splitt

flytt om på elementene til Lav og Høy og sett **x** på korrekt plass E



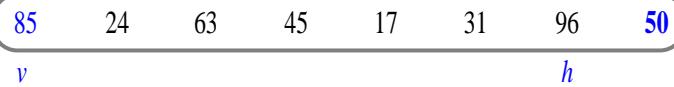
3. 2 Rekursive kall

sorter Lav/Høy rekursivt

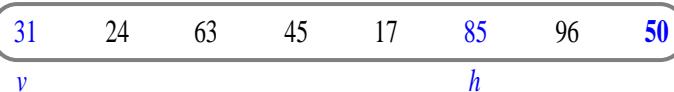
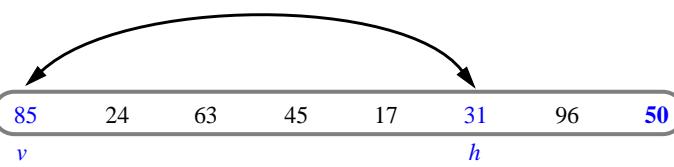


In-Place Quick-Sort

- Divide steget:** La siste element være pivot. Vi bruker 2 pekere: venstrepeker v , og høyrepeker h .



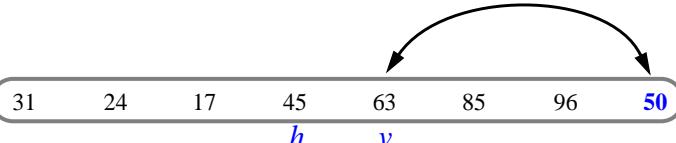
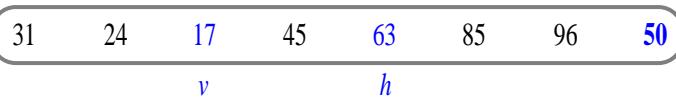
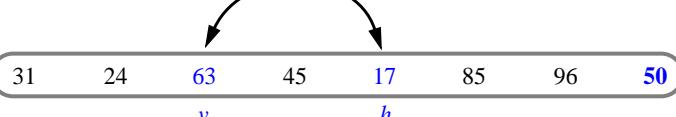
- Utfør ombytting (swap) når v peker på element større enn pivot-element og h peker på element mindre enn pivot-element.



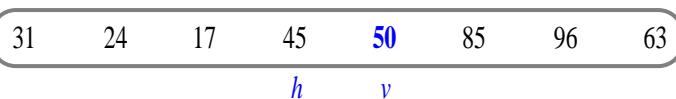
7.5

7.6

In Place Quick Sort)



- Tilsist: Ombytting med pivot



7.7

In Place Quick Sort kode

```
public class ArrayQuickSort implements SortObject {
```

```
    public void sort(Sequence S, Comparator c){
        quicksort(S, C, 0, S.size()-1);
    }
```

```
    private void quicksort (Sequence S, Comparator c,
                           int leftBound,
                           int rightBound) {
        //sorter fra leftBound til RightBound
```

```
        if (S.size() < 2) return; //sekvens med 0 eller
                               // 1 element er sortert
        if (leftBound >= rightBound) return; //avslutt
                                            //rekursjon
        // velg siste element som pivot
```

```
        Object pivot = S.atRank(rightBound).element();
        // her er de to pekerne
        int venstrepeker = leftBound; // går oppover
```

```
        int høyrepeker = rightBound - 1; //går nedover
```

7.8

In Place Quick Sort kode

```
// ytre løkke
while (venstrepeker <= høyrepeker) {

    //øk venstrepeker inntil den peker på et
    //element større enn pivot, eller pekerne krysser

    while ((venstrepeker <= høyrepeker) &&
           (c.isLessThanOrEqualTo
            (S.atRank(venstrepeker).element(),pivot)))
        venstrepeker++;

    //senk høyrepeker inntil den peker på et
    //element mindre enn pivot, eller pekerne krysser

    while (høyrepeker >= venstrepeker) &&
          (c.isGreaterThanOrEqualTo
           (S.atRank(høyrepeker).element(),pivot)))
        høyrepeker--;

    //om pekerne ikke krysser, så bytt om

    if (venstrepeker < høyrepeker)
        S.swap(S.atRank(venstrepeker),S.atRank(høyrepeker));

} // ytre løkke fortsetter inntil pekerne /////
//krysser hverandre.
```

7.9

In Place Quick Sort kode

- //Sett så pivot på rett plass

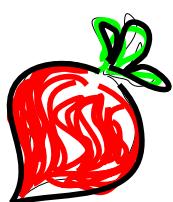

```
S.swap(S.atRank(venstrepeker),S.atRank(rightBound));
```
- // 2 rekursive kall


```
quicksort (S, c, leftBound, venstrepeker-1);
quickSort (S, c, venstrepeker+1, rightBound);
```

7.10

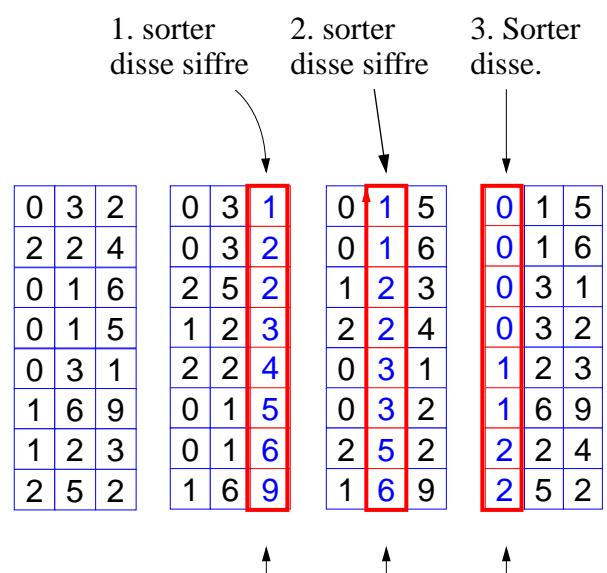
Mer om Sortering

- Begrenset input: kun heltall < Maxverdi
- radix sortering - ingen sammenlikninger!
- bøtte sortering - ingen sammenlikninger!
- in-place sortering
- hvor raskt kan vi sortere generelt?



7.11

Radix sortering brukes f.eks. på desimaltall:



NB: Trenger STABIL sortering!.

Voila!

7.12

Radix Sortering Kjøretid

Anta heltall med radix r og max b siffer.

for $k = 0$ **to** $b - 1$

sorter array på en *stabil* måte,
og se kun på bit k

Anta stabil sortering kan utføres i tid $O(n)$. Da blir totaltid

$$O(bn)$$

Stabil sortering? Bruk **Bøtte-sortering**



7.13

Bøtte-sortering

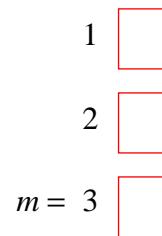
- n tall
- Hvert tall $\in \{1, 2, 3, \dots m\}$
- Stabil
- Tid: $O(n + m)$

For eksempel, $m = 3$ og input-tabell er:

| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 2 | 1 | 3 | 1 | 2 |
|---|---|---|---|---|

(NB To forskjellige "2"ere og "1"ere)

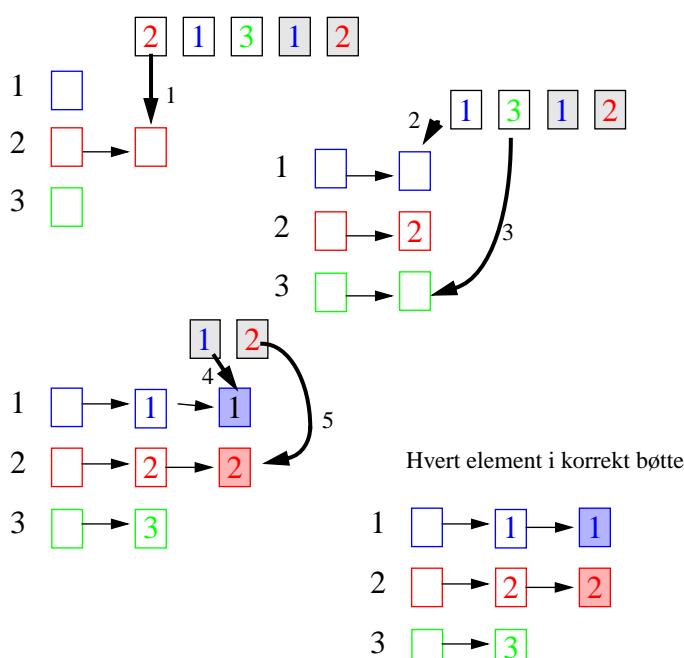
Vi trenger 3 bøtter



7.14

Bøttesortering

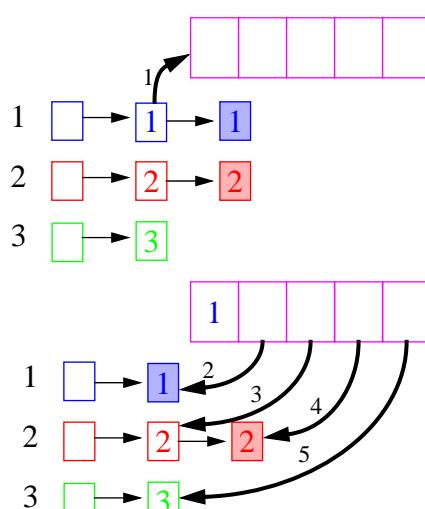
Hvert element legges i sin bøtte



7.15

Bøtte-sortering

Flytt så elementer fra bøttene tilbake til tabellen:

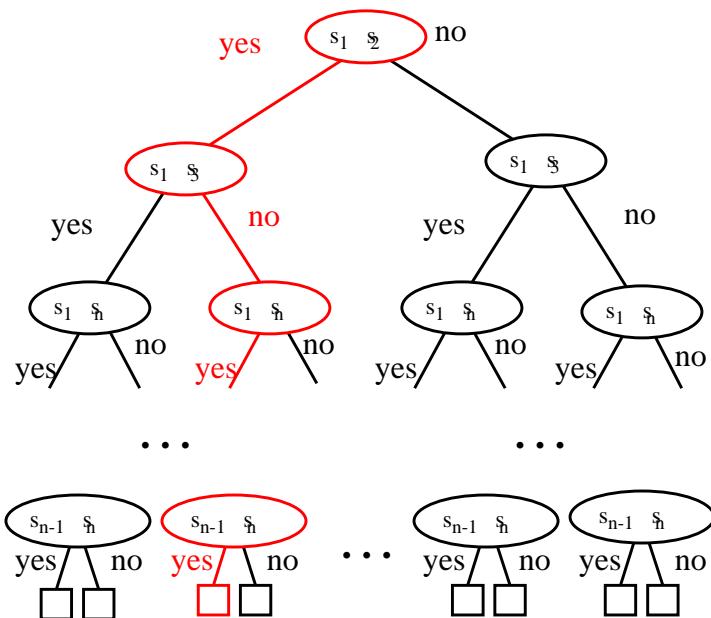


| | | | | |
|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 2 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|

7.16

Decision-tre for sammenlikningsbasert sortering.

- intern node: sammenlikning
- extern node: permutasjon
- utførelse av en algoritme : rot-til-løv sti



7.17

Hvor raskt kan vi sortere?

- **Proposisjon:** Kjøretid for sammenliknings-basert-sortering av n elementer er $\Omega(n \log n)$, dvs det finnes konstant $k > 0$ s.a. kjøretiden er $> k n \log n$.
- **Argument for dette:**
 - Kjøretiden må være lik eller større enn dybden på decision tree T.
 - Hver intern-node i T representerer en sammenlikning som bestemmer rekkefølge på to element.
 - Hver ekstern-node i T representerer en permutasjon av input.
 - Siden det finnes $n!$ permutasjoner av n element må T ha $n!$ løv, dvs T må ha høyde $\log(n!)$
 - Siden $n! \text{ har minst } n/2 \text{ termer større enn } n/2$, har vi: $\log(n!) \approx (n/2) \log(n/2)$
 - **Total Kjøretid:** $\Omega(n \log n)$.

7.18